

Четверть	3
Предмет	Математика
Класс	8 (база)

Квадратное уравнение – уравнение вида $ax^2 + bx + c = 0$, где $a \neq 0$
Неполные квадратные уравнения- уравнения, в которых хотя бы один из коэффициентов b или c равен 0.

Решение неполных квадратных уравнений

$b = 0, c = 0$ $ax^2 = 0$	$b \neq 0, c = 0$ $ax^2 + bx = 0$	$b = 0, c \neq 0$ $ax^2 + c = 0$
Решение: $x = 0$	Решение: $ax^2 + bx = 0$ $x(ax + b) = 0$ $x = 0$ или $x = -\frac{b}{a}$	Решение: $ax^2 + c = 0$ $x^2 = -\frac{c}{a}$ если $-\frac{c}{a} < 0$, то корней нет если $-\frac{c}{a} > 0$, то $x_1 = -\sqrt{-\frac{c}{a}}$, $x_2 = \sqrt{-\frac{c}{a}}$

Полное квадратное уравнение – уравнение вида $ax^2 + bx + c = 0$, $a \neq 0, b \neq 0, c \neq 0$

Дискриминант $D = b^2 - 4ac$

Если $D < 0$, то действительных корней нет	Если $D = 0$, то $x_1 = x_2 = -\frac{b}{2a}$	Если $D > 0$, то $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$
---	--	---

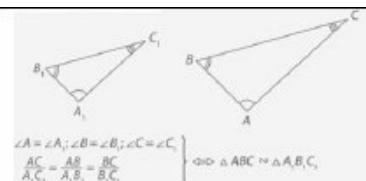
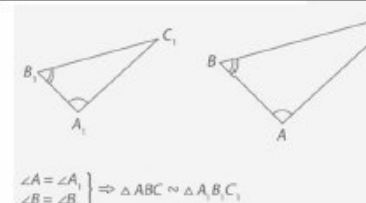

Приведенное квадратное уравнение – уравнение, старший коэффициент которого равен 1:
 $x^2 + px + q = 0$

Теорема Виета: Сумма корней приведенного квадратного уравнения $x^2 + px + q = 0$ равна его второму коэффициенту, взятому с противоположным знаком, а произведение свободному члену.

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -p \\ x_1 \cdot x_2 = q \end{cases}$$

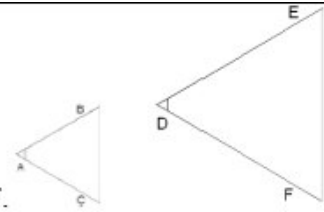
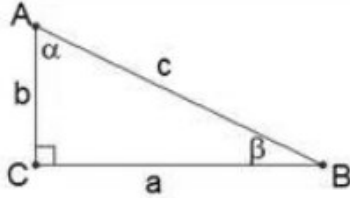
Разложение на множители квадратного трехчлена

Если x_1 и x_2 корни уравнения $ax^2 + bx + c = 0$, то $ax^2 + bx + c = a(x - x_1) \cdot (x - x_2)$

Подобными называются такие треугольники, у которых углы соответственно равны, а стороны одного соответственно пропорциональны сторонам другого треугольника	 <p>$\angle A = \angle A_1; \angle B = \angle B_1; \angle C = \angle C_1$ $\frac{AC}{A_1C_1} = \frac{AB}{A_1B_1} = \frac{BC}{B_1C_1} \Rightarrow \Delta ABC \sim \Delta A_1B_1C_1$</p>
Первый признак подобия треугольников Если два угла одного треугольника соответственно равны двум углам другого, то такие треугольники подобны.	 <p>$\angle A = \angle A_1$ $\angle B = \angle B_1 \Rightarrow \Delta ABC \sim \Delta A_1B_1C_1$</p>
Второй признак подобия треугольников Если две стороны одного треугольника пропорциональны двум другим сторонам другого треугольника, а углы, заключенные между этими сторонами, равны, то такие треугольники подобны.	<p>Если $AB:DE=AC:DF$ и $\angle A=\angle D$,</p>  <p>то $\Delta ABC \sim \Delta DEF$.</p>

Третий признак подобия треугольниковЕсли $AB:DE=BC:EF=AC:DF$,

Если три стороны одного треугольника пропорциональны трём сторонам другого, то такие треугольники подобны.

то $\triangle ABC \sim \triangle DEF$.**Соотношения между углами и сторонами в прямоугольном треугольнике**

$$\sin(\alpha) = \frac{a}{c} \quad \cos(\alpha) = \frac{b}{c} \quad \operatorname{tg}(\alpha) = \frac{a}{b}$$

Синусом острого угла прямоугольного треугольника называется отношение противолежащего ему катета к гипотенузе.

Косинусом острого угла прямоугольного треугольника называется отношение прилежащего ему катета к гипотенузе.

Тангенсом острого угла прямоугольного треугольника называется отношение противолежащего ему катета к прилежащему.